

arbitraria. Si  $C=0$ , (2) donne  $r$  constant, cercle de centre  $O$ . Pour  $h=0$  on obtient une droite.

Le mouvement du disque (non demandé) est défini par

$$(3) \quad \frac{a^2}{2} \theta' = \frac{-r^2 (Dr - CK^2 \sin \varphi)}{r (K^2 + r^2)} + D = \\ = \frac{K^2 (D + Cy)}{r^2 + K^2} = \frac{K^2 h^2 C^2}{Cy + D}.$$

On voit que  $\theta$  varie toujours dans le même sens.

III. Prenons comme origine la projection fixe  $y$  du centre de gravité sur le plan du disque. Le non-glissement s'écrit  $\vec{V}_0 + \theta' \vec{k} \wedge \vec{OI} = \vec{V}_1 + \vec{\Omega} \wedge \vec{CI}$ , ou  $2\theta' \vec{k} \wedge \vec{GI} = 2\vec{V}_1 + \vec{\Omega} \wedge \vec{CI}$ , et les équations (1) sont valables en remplaçant  $2/5$  par  $4/7$ . L'équation du moment cinétique du disque s'écrit

$$\frac{ma^2}{2} \theta'' = -\vec{OI} \wedge \vec{R}_1 = 2 (yX - xY).$$

On obtient encore les équations (2) mais avec  $K^2 = 7a^2/16$ ,

et l'équation (3) avec  $\frac{a^2}{4} \theta'$  au premier membre.

Le centre instantané du disque est le point  $P(x_1, y_1)$

tel que  $\vec{V}_0 + \theta' \vec{k} \wedge \vec{OP} = 0$  ou  $-x' - \theta' (y_1 + y) = 0$ ,  $-y' + \theta' (x_1 + x) = 0$ . D'après (1) et (3) modifiée, on obtient

$$x_1 = \frac{y'}{\theta'} - x = \frac{4}{7} x - x = -\frac{3}{7} x,$$

$$y_1 = -\frac{x'}{\theta'} - y = -\frac{3}{7} y - \frac{C}{\theta'} + \alpha y + \beta,$$

$\alpha$  et  $\beta$  étant deux constantes. La base est donc une conique qui se déduit simplement du lieu de  $I$ .

ALGER — Faculté des Sciences — MÉCANIQUE RATIONNELLE — Epreuve Pratique — Mai 1946

2265 — Une plaque carrée de côté  $2b$  située dans un plan vertical fixe s'appuie sans frottement sur une droite horizontale fixe  $D$ . Son centre de gravité  $G$  est au centre du carré. La plaque est animée d'une rotation  $\omega$  autour de son sommet  $A$  situé sur  $D$  au moment où il y a choc entre le côté  $AB$  et la droite  $D$ . Déterminer l'état des vitesses de la plaque après le choc. Le moment d'inertie de la plaque par rapport à son centre doit-il vérifier une condition pour que les hypothèses suivantes n'entraînent pas contradiction? On admettra successivement:

1° que le contact subsiste entre le côté  $AB$  et la droite.

2° qu'il n'y a pas de perte d'énergie cinétique au cours du choc et que l'un des points  $A$  ou  $B$  quitte la droite. On examinera les deux cas.

Énoncés et solutions des n.ºs 2264 et 2265 de René de Possel.

## PROBLEMAS

As resoluções de problemas propostos devem ser enviadas para a Redacção da «Gazeta de Matemática». Para facilitar a organização da secção, pedimos que cada resolução seja transcrita numa folha de papel, utilizada só de um lado (onde outros assuntos não sejam tratados), com a indicação do nome e da morada do autor.

Das resoluções recebidas de cada problema proposto publica-se a melhor ou uma das melhores e mencionam-se os autores de todas as resoluções correctas e só destas.

## PROBLEMAS PROPOSTOS

2266 — Dividem-se os lados de um triângulo equilátero  $T$  em  $n$  partes iguais e pelos pontos de divisão tiram-se paralelas aos lados, cobrindo-se assim  $T$  por meio de triângulos equiláteros iguais,  $T_i$ . Mostre que a área do círculo inscrito no triângulo  $T$  é igual à soma das áreas dos círculos inscritos nos triângulos  $T_i$ .

2267 — Dados um ponto  $A$ , uma recta  $b$ , uma circunferência  $\gamma$  e um triângulo  $[A' B' C']$ , construa o triângulo  $[A B C]$  semelhante a  $[A', B', C']$  e tal que  $B$  pertença a  $b$  e  $C$  a  $\gamma$ .

2268 — Mostre que é condição necessária e sufici-

ente para que um anel seja idempotente que se tenha  $ab + ba = 0$  para quaisquer  $a$  e  $b$  do anel.

2269 — Baseando-se no enunciado anterior prove que todo o anel idempotente é comutativo.

[Consultar o livro *Elementos da Teoria dos Anéis*, de A. Costa — C. E. M. P.].

2270 — Se um domínio  $D$  é limitado por um contorno simples  $C$  e  $\omega = f(z)$  é regular em  $D$  e sôbre  $C$ , mostre que, se  $f(z)$  não toma valores iguais em dois pontos distintos de  $C$ , o mesmo acontecerá em  $D$ .

[Proposto em «*Functions of a complex variable*», E. G. Phillips, University Mathematical Texts].

