

CONGRESSO INTERNACIONAL DE MECÂNICA
TEÓRICA E APLICADA

De 20 a 28 de Agosto deste ano realizar-se-á na Universidade de Istambul o 8.º Congresso Internacional de Mecânica Teórica e Aplicada. As comunicações apresentadas serão distribuídas por 5 secções: 1—Elasticidade, plasticidade e reologia; 2—Mecânica dos fluidos (aerodinâmica e hidrodinâmica); 3—Mecânica dos sólidos (balística, vibrações, atrito e lubrificação); 4—Mecânica estatística, termodinâmica e propagação do calor; 5—Matemáticas da Física e Mecânica e métodos de cálculo.

As línguas oficiais do Congresso são: inglês, francês, alemão e italiano.

A direcção do Secretariado é: P. O. Box 245 — Istambul — Turquia.

PRÊMIO

O «Instituto for the Unity of Science» concederá um prémio de \$500 à melhor memória sobre o tema «Mathematical Logic as a Tool of Analysis: Its Uses and Achievements in the Sciences and Philosophy». Dois prémios adicionais de 200 dollars cada serão atribuídos aos dois outros melhores trabalhos. Trata-se duma competição internacional a que todos podem concorrer. Os trabalhos não devem conter mais de 25.000 palavras, podem ser escritos em inglês, francês, ou alemão e têm de ser apresentados antes de 1 de Janeiro de 1953. Para informações mais pormenorizadas dirigir-se a: Institute for the Unity of Science, American Academy of Arts and Sciences, 28, Newbury Street, Boston, 16, Mass. U. S. A.

(De Acta Mathematica 87, — Uppsala, 1952)

M. Z.

MATEMÁTICAS ELEMENTARES

Exames de aptidão para frequência das licenciaturas em Ciências Matemáticas, Ciências Físico-Químicas e Ciências Geofísicas, preparatórios para as escolas militares e curso de engenheiros geógrafos — Ano de 1951 — Ponto n.º 2.

3336—Demonstrar que, se os inteiros positivos a e b forem primos entre si, $a+b$ e a^2-ab+b^2 ou são primos entre si ou têm o máximo divisor comum 3. R: Sabe-se que, se a e b são primos entre si, $a+b$ e ab também são. Mas

$$a^2 - ab + b^2 = (a + b)^2 - 3ab.$$

Vê-se então que todo o divisor comum a a^2-ab+b^2 e $a+b$ é divisor de $3ab$ e, portanto, só pode ser 3 (além de 1) visto $a+b$ e ab serem primos entre si.

3337 — Considere-se a sucessão dos números primos até p ; seja a o produto de alguns desses números, b o produto dos outros; demonstrar que $a+b$ admite um divisor primo superior a p . R: Se $a+b$ é primo, a proposição é evidente. Se $a+b$ não é primo, admitirá um divisor primo c que não pode ser nenhum dos factores de a ou b . Na verdade, supondo c um dos factores de a , por ex., seria $b=c$ (teorema fundamental da divisibilidade), o que é absurdo porque, nestas condições, c seria também um dos factores de b (se um número primo divide um produto de factores primos é igual a um deles).

3338 — Demonstrar que $3 \cdot 2^{3n+1} + 7n - 6$, onde n é inteiro positivo, é sempre divisível por 49.

N. B. — Escrevendo $f(n) = 3 \cdot 2^{3n+1} + 7n - 6$ calcular $f(1)$, formar a diferença $8f(n) - f(n+1)$ e proceder por indução completa. R:

$$f(1) = 3 \cdot 2^4 + 7 \cdot 1 - 6 = 49$$

$$8f(n) - f(n+1) = 2^3 [3 \cdot 2^{3n+1} + 7n - 6] - [3 \cdot 2^{3n+4} + 7(n+1) - 6] = 49n - 49 = 49.$$

Portanto, se $f(n) = 49$ também $f(n+1) = 49$, o que demonstra a proposição por indução completa, visto estar verificado que $f(1) = 49$.

3339 — Decompor de todos os modos possíveis 1164 em duas parcelas inteiras positivas, múltiplas de 13 e de 29 respectivamente. R: Sendo (x_1, y_1) uma solução inteira positiva da equação $13x + 29y = 1164$, a correspondente solução do problema proposto é

$$13x_1, 29y_1.$$

3340 — Demonstrar que o produto dos n primeiros números ímpares é igual a $\frac{1}{2^n} C_n^{2n} P_n$, onde C_n^{2n} e P_n representam respectivamente o número de combinações de $2n$ objectos n a n e o número de permutações de n objectos. R:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2^n} C_n^{2n} P_n &= \frac{1}{2^n} \cdot \frac{(2n)!}{n! n!} \cdot n! = \\ &= \frac{1}{2^n} (2n) (2n-1) (2n-2) \dots (n+2) (n+1) = \\ &= (2n-1) (2n-3) \dots 3 \cdot 1 \end{aligned}$$

atendendo a que $2n-2k=2(n-k)$.

